

# Nizovi

$$* \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n = e$$

$$* \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{n} = 1$$

$$* \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a} = \begin{cases} a=0, & 0 \\ a=1, & 1 \\ a>1, & 1 \\ 0 < a < 1, & 1 \end{cases} = \begin{cases} a=0, & 0 \\ (a \neq 0) \\ (a > 0), & 1 \end{cases}$$

$$* \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$$

$\left(\frac{\infty}{\infty}, \infty - \infty, \frac{0}{0}, 0 \cdot \infty, 1^\infty, \frac{0}{0}\right)$  neodređeni izraz

## Stolzova teorema

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{b_n} = ?$$

1°  $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n = \infty$  } ako ovo nijedi ouda možemo  
napisati:

2°  $b_{n+1} < b_n$  }

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{b_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1} - a_n}{b_{n+1} - b_n}$$



## Teorema uklyštenija - Sandvich teorema

$$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = ?$$

$$c_n \leq a_n \leq b_n$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} b_n = L$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} c_n = L$$

$\Rightarrow$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = L$$

## Zbir članoa aritmetičkog niza (d = const.)

$$a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$$

(broj članoa puta  
zbir prvog i zadnjeg člana  
kroz dva)

## Geometrijski niz (q = const.)

$$1 + q + q^2 + \dots + q^n = \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q}$$

(ako ide od 1)

\* Potrebni uslov da niz konvergira je da mu  
opći član teži 0.

\* Ako konvergira  $|a_n|$  onda red apsolutno konvergira.